

1. Signal complexe et amplitude complexe (exemple de cours 1)

$E, \omega, \tau, \omega_0, Q$ sont des réels positifs.

Q1. Donner le signal complexe associé aux signaux suivants et identifier l'amplitude complexe.

(a) $e(t) = E \cos(\omega t + \pi/3)$ (b) $u(t) = \frac{U_0 R}{R + \tau} \sin(\omega(t - t_0))$ (c) $i(t) = -I_m \sqrt{2} \cos(\omega t)$

Q2. Donner le signal réel associé aux signaux d'amplitudes complexes suivantes :

(a) $\underline{U}_L = U_m e^{-j\pi/3}$ (b) $\underline{I}_1 = -j \frac{U_0}{R}$ (c) $\underline{I}_2 = -I_m e^{j\pi/6}$

Q3. Donner le module des complexes ci-dessous.

(a) $\underline{U}_m = \frac{E}{1 + j\omega\tau}$ (b) $\underline{u} = \frac{Ej\omega\tau}{1 + j\omega\tau} e^{j\omega t}$ (c) $\underline{U}_m = \frac{-E\omega_0^2}{-\omega^2 + j\omega\omega_0/Q + \omega_0^2}$

Q4. Donner l'expression de $\tan(\varphi)$ avec φ l'argument de \underline{U}_m .

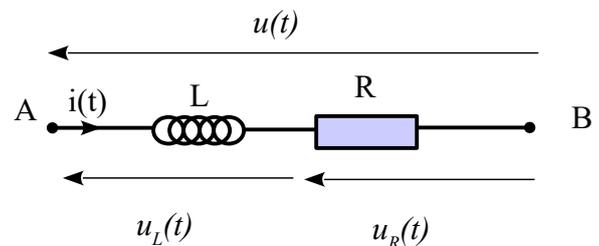
(a) $\underline{U}_m = \frac{E}{1 + j\omega\tau}$ (c) $\underline{U}_m = \frac{-E\omega_0^2}{-\omega^2 + j\omega\omega_0/Q + \omega_0^2}$
 (b) $\underline{U}_m = \frac{Ej\omega\tau}{1 + j\omega\tau}$ (d) $\underline{U}_m = \frac{E}{1 + j\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)}$

2. Additions de deux tensions sinusoïdales (exemple de cours 2)

On considère le dipôle suivant :

On suppose $i(t) = I_m \cos(\omega t)$.

Déterminer $u(t) = u_L(t) + u_R(t) = U_m \cos(\omega t + \phi)$ grâce à la représentation complexe.



3. Étude d'un circuit RC parallèle (exemple de cours 3)

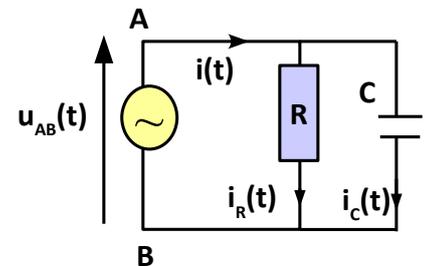
Le dipôle AB ci-contre est en régime sinusoïdal forcé à la pulsation ω .

1) Exprimer son impédance complexes \underline{Z} en fonction de R C et ω .

2) On suppose $R = \frac{1}{C\omega} = 100\Omega$, calculer : $Z_m = |\underline{Z}|$ et $\theta = \arg \underline{Z}$.

3) On suppose $u_{AB}(t) = U_m \cos(\omega t)$ et toujours $R = \frac{1}{C\omega} = 100\Omega$.

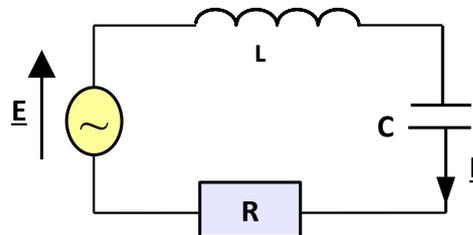
- a) Déterminer $i(t)$ sous la forme : $i(t) = I_m \cos(\omega t + \varphi)$. Exprimer I_m en fonction de U_m et calculer φ .
- b) Déterminer $i_R(t) = I_{Rm} \cos(\omega t + \varphi_R)$. Exprime I_{Rm} en fonction de U_m et calculer de φ_R .
- c) Déterminer $i_C(t) = I_{Cm} \cos(\omega t + \varphi_C)$. Exprimer I_{Cm} en fonction de U_m et calculer φ_C .
- d) $U_m = 5V$, calculer les trois intensités efficaces du circuit. Commenter le résultat obtenu.



4. Résonance d'intensité du circuit RLC (exemple de cours 4)

On considère le circuit RLC ci-contre, où le générateur délivre une tension $e(t) = E_m \cos(\omega t)$ de fréquence variable. L'intensité dans le circuit est de la forme : $i(t) = I_m(\omega) \cos(\omega t + \varphi(\omega))$

On associe à $e(t)$ l'amplitude complexe $\underline{E} = E_m$ et à $i(t)$ l'amplitude complexe $\underline{I} = I_m(\omega) e^{j\varphi(\omega)}$



1) Exprimer l'impédance \underline{Z} du circuit.

2) En déduire l'expression de \underline{I} .

3) On pose $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$, $x = \frac{\omega}{\omega_0}$ et $Q = \frac{L\omega_0}{R}$. Montrer que : $\underline{I}(x) = \frac{E_m}{R(1 + jQ(x - \frac{1}{x}))}$

4) Déduire de l'expression de $\underline{I}(x)$, $I_m(x)$. Montrer que $I_m(x)$ passe par un maximum pour une valeur particulière x_r de x . Quelle est la valeur ω_r correspondante ? Comment appelle-t-on ce phénomène ?

5) Tracer $I_m(x)$ en précisant $I_m(x_r)$.

6) Déduire de l'expression de $\underline{I}(x)$, $\cos\varphi(x)$ puis $\tan\varphi(x)$. En déduire la représentation graphique de $\varphi(x)$.

7) Définir la bande passante, montrer que $Q = \frac{\omega_0}{\Delta\omega}$, commenter le résultat.