## Automatismes en calcul, semaine du 20 janvier

20 janvier 2025



Inverser 
$$A = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$$
 et  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ .

Inverser 
$$A = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$$
 et  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ .

• On trouve 
$$A^{-1} = \frac{1}{38} \begin{pmatrix} 8 & -2 \\ -9 & 7 \end{pmatrix}$$
.



Lundi : inverser des matrices

Inverser 
$$A = \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$$
 et  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ .

- On trouve  $A^{-1} = \frac{1}{38} \begin{pmatrix} 8 & -2 \\ -9 & 7 \end{pmatrix}$ .
- On trouve  $B^{-1} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ .

└ Jeudi : limites

## En se servant des FI de référence calculer :

$$\lim_{n \to +\infty} n \sin(\frac{\pi}{n}) \qquad ; \qquad \lim_{x \to 0} x^{\sin(x)}$$

\_ Jeudi : limites

## En se servant des FI de référence calculer :

$$\lim_{n \to +\infty} n \sin(\frac{\pi}{n}) \qquad ; \qquad \lim_{x \to 0} x^{\sin(x)}$$

$$\lim_{n \to +\infty} n \sin(\frac{\pi}{n}) = \lim_{n \to +\infty} \pi \frac{\sin(\frac{\pi}{n})}{\frac{\pi}{n}} = \pi \operatorname{car} \frac{\sin(x)}{x} \xrightarrow[x \to 0]{} 1.$$



\_ Jeudi : limites

## En se servant des FI de référence calculer :

$$\lim_{n \to +\infty} n \sin(\frac{\pi}{n}) \qquad ; \qquad \lim_{x \to 0} x^{\sin(x)}$$

- $\lim_{n \to +\infty} n \sin(\frac{\pi}{n}) = \lim_{n \to +\infty} \pi \frac{\sin(\frac{\pi}{n})}{\frac{\pi}{n}} = \pi \operatorname{car} \frac{\sin(x)}{x} \xrightarrow[x \to 0]{} 1.$
- $\lim_{x \to 0} x^{\sin(x)} = \lim_{x \to 0} e^{\sin(x)\ln(x)} = \lim_{x \to 0} e^{\frac{\sin(x)}{x} \times x \ln(x)} = e^0 = 1 \text{ car }$   $\frac{\sin(x)}{x} \underset{x \to 0}{\longrightarrow} 1 \text{ et } x \ln(x) \underset{x \to 0}{\longrightarrow} 0.$



Calculer 
$$I_1 = \int_0^1 \operatorname{Arctan}(x) dx$$
 et  $I_2 = \int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\operatorname{Arcsin}(x)}{1 - x^2}} dx$ .



Calculer 
$$I_1 = \int_0^1 \operatorname{Arctan}(x) dx$$
 et  $I_2 = \int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\operatorname{Arcsin}(x)}{1 - x^2}} dx$ .

Par parties, on trouve  $I_1 = \frac{\pi}{4} - \ln(\sqrt{2})$ .



Calculer 
$$I_1 = \int_0^1 \operatorname{Arctan}(x) dx$$
 et  $I_2 = \int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{\operatorname{Arcsin}(x)}{1 - x^2}} dx$ .

- Par parties, on trouve  $I_1 = \frac{\pi}{4} \ln(\sqrt{2})$ .
- Après le changement de variable  $\phi(t) = \sin(t)$  on trouve  $I_2 = \frac{2}{3} \left(\frac{\pi}{6}\right)^{\frac{3}{2}}$ .